

الفصل الثاني – المحاضرة الخامسة

ثانياً – جدول التوزيع التكراري لبيانات كمية:

عرض بيانات المتغير الكمي في شكل جدول تكراري بسيط

مثال (3)

فيما يأتي بيانات درجات 70 طالب في الاختبار النهائي لمقرر مادة الإحصاء.

56	65	70	65	55	60	66	70	75	56
60	70	61	67	61	71	67	62	71	66
68	72	57	68	72	69	57	71	69	75
72	62	67	73	58	63	66	73	63	65
58	73	74	76	74	80	81	60	74	58
76	82	77	83	77	85	91	78	94	72
79	64	57	79	55	87	64	88	78	62

المطلوب:

- 1- ما هو نوع المتغير؟، وما هو المعيار المستخدم في قياس البيانات؟
- 2- كون التوزيع التكراري لدرجات الطلاب.
- 3- كون التوزيع التكراري النسبي.
- 4- ما هو نسبة الطلاب الحاصلين على درجة ما بين 70 إلى أقل من 80؟
- 5- ما هو نسبة الطلاب الحاصلين على درجة أقل من 70 درجة؟
- 6- ما هو نسبة الطلاب الحاصلين على درجة 80 أو أكثر؟

الحل

- 1- نوع المتغير (درجة الطالب) في الاختبار، المعيار (متغير كمي مستمر).

ولكي يتم تبويب البيانات في شكل جدول تكراري، يتم اتباع الآتي:

2- تكوين التوزيع التكراري:

• حساب المدى Range(R)

$$\text{Range} = \text{Maximum} - \text{Minimum}$$

$$R = 94 - 55 = 39$$

• تحديد عدد الفئات Classes(C):

تحدد عدد الفئات وفقاً لاعتبارات منها: رأي الباحث، والهدف من البحث، وحجم البيانات، ويرى كثيراً من الباحثين أن أفضل عدد للفئات يجب أن يتراوح بين 5 إلى 15 ، بفرض أن عدد الفئات هو 8 فئات، أي أن: (C=8).

• حساب طول الفئة Length(L):

$$L = \frac{\text{Range}}{\text{Classes}} = \frac{R}{C} = \frac{39}{8} = 4.875 \approx 5$$

• تحديد الفئات:

الفئة تبدأ بقيمة تسمى الحد الأدنى، وتنتهي بقيمة تسمى الحد الأعلى، ومن ثم نجد أن :

- الحد الأدنى للفئة الأولى هو أقل قراءة (درجة) أي أن الحد الأدنى للفئة الأولى = 55

$$\text{الحد الأعلى للفئة الأولى} = \text{الحد الأدنى} + \text{طول الفئة} = 55 + L = 60 = 55 + 5$$

إذا الفئة الأولى هي: " 55 to les than 60 " وتقرأ " من 55 إلى أقل من 60 "

$$\underline{\text{الحد الأدنى للفئة الثانية} = \text{الحد الأعلى للفئة الأولى} = 60}$$

$$\text{الحد الأعلى للفئة الثانية} = \text{الحد الأدنى للفئة} + \text{طول الفئة} = 60 + 5 = 65$$

إذا الفئة الثانية هي: " 60 to les than 65 " وتقرأ " من 60 إلى أقل من 65 "

- وبنفس الطريقة يتم تكوين حدود الفئات الأخرى، وهي:

الفئة الثالثة : 65 to les than 70 الفئة الرابعة : 70 to les than 75

الفئة الخامسة: 75 to les than 80 الفئة السادسة: 80 to les than 85

الفئة السابعة: 85 to les than 90 الفئة الثامنة: 90 to les than 95

ويمكن كتابة الفئات بأشكال مختلفة كما هو مبين بجدول تفريغ البيانات:

• تكوين جدول تفريغ البيانات:

الدرجة			العلامات الإحصائية	عدد الطلاب (التكرارات)
فئات	فئات	فئات		
55 to les than 60	55 – 60	55-	///	10
60 to les than 65	60 – 65	60-	///	12
65 to les than 70	65 – 70	65-	///	13
70 to les than 75	70 – 75	70-	///	16
75 to les than 80	75 – 80	75-	///	10
80 to les than 85	80 – 85	80-	///	4
85 to les than 90	85 – 90	85-	///	3
90 to les than 95	90 - 95	90-95	///	2
Sum				70

• تكوين الجدول التكراري:

جدول رقم (4) التوزيع التكراري لعدد 70 طالب حسب درجاتهم في اختبار مقرر الإحصاء

فئات الدرجة	عدد الطلاب (التكرارات) (f)	التكرار النسبي
55 – 60	10	0.143
60 – 65	12	0.171
65 – 70	13	0.186
70 – 75	16	0.229
75 – 80	10	0.143
80 – 85	4	0.057
85 – 90	3	0.043
90 – 95	2	0.028
Sum	70	1.00

المصدر: بيانات

3- التوزيع التكراري النسبي:

$$\text{التكرار النسبي} = \frac{f}{n}$$

والعمود الثالث في الجدول رقم (4) يبين التكرار النسبي.

4- نسبة الطلاب الحاصلين على درجات ما بين 70 إلى أقل من 80 هو مجموع التكرارين النسبيين للفئتين الرابعة والخامسة:

$$0.229 + 0.143 = 0.372 = \text{نسبة الطلاب الحاصلين على درجات ما بين (70 , 80)}$$

أي حوالي 37.2 % من الطلاب حصلوا على درجات ما بين (70 , 80) .

5- نسبة الطلاب الحاصلين على درجات أقل من 70، هو مجموع التكرارات النسبية للفئات الأولى والثانية، والثالثة:

$$0.143 + 0.171 + 0.186 = 0.5 = \text{نسبة الطلاب الحاصلين على درجة أقل من 70}$$

أي أن حوالي 50% من الطلاب حصلوا على درجة أقل من 70 درجة

6- نسبة الطلاب الحاصلين على درجة 80 فأكثر، هو مجموع التكرارات النسبية للفئات الثلاث الأخيرة:

$$0.057 + 0.043 + 0.028 = 0.128 = \text{نسبة الطلاب الحاصلين على درجات 80 أو أكثر}$$

أي أن حوالي 12.8% من الطلاب حصلوا على درجة 80 أو أكثر.